

Przykładowe pytania zamknięte z języków regularnych

15.1.

Dopełnieniem języka a^*b^* jest

- (A) b^*a^*
- (B) b^+a^+
- (C) $a^*b^+a(a|b)^*$
- (D) $(a^+b^*a^+|b^+a^+)(a|b)^*$
- (E) $a^*b^+a^+(a|b)^*$
- (F) $a^*b^+a(a|b)^*|\epsilon$
- (G) język regularny, ale żaden z powyższych
- (H) język nie będący językiem regularnym

15.2.

Jeżeli r, s, t są wyrażeniami regularnymi, to zachodzą następujące tożsamości:

- (A) $r\emptyset = \emptyset r = \emptyset$
- (B) $r|\emptyset = \emptyset|r = r$
- (C) $r|r = r$
- (D) $r|\epsilon = \epsilon|r = r$
- (E) $r(s|t) = rs|rt$
- (F) $\emptyset^* = \epsilon$
- (G) $\epsilon^* = \epsilon$
- (H) $r(rs|s)^*r = rr^*s(rr^*s)^*r$

15.3.

Rozważa się następujące języki regularne: $L_1 = \epsilon$ oraz $L_2 = \emptyset$. Dla tych języków prawdziwe jest:

- (A) $L_1 \cap L_2 = \emptyset$
- (B) $L_1^* = L_2^*$
- (C) $L_1^* \not\subset L_2^*$
- (D) $L_2^* \not\subset L_1^*$
- (E) $L_1^* \cup L_2^* = (L_1 \cup L_2)^*$
- (F) $L_1L_2 = L_2L_1$
- (G) $L_1 \not\subset L_1L_2$
- (H) $L_2 \not\subset L_1L_2$

15.4.

Dopełnieniem języka ab^* jest

- (A) b^*a^*
- (B) b^+a^+
- (C) $ab^*a(a|b)^*$
- (D) $b(a|b)^*$
- (E) $(b|ab^*a)(a|b)^*$
- (F) $(b|ab^*a)(a|b)^*|\epsilon$
- (G) język regularny, ale żaden z powyższych
- (H) język nie będący językiem regularnym

15.5.

Jeżeli r, s, t są wyrażeniami regularnymi, to zachodzą następujące tożsamości:

- (A) $(\epsilon|r)^* = r^*$
- (B) $r\epsilon = \epsilon r = r$
- (C) $r^*s|s = r^*s$
- (D) $(r|s)^* = (r^*s)^*r^* = (s^*r)^*s^*$
- (E) $(r|s)^* = (r^*s^*)^*$
- (F) $r^*s|rs^* = rs(r^*|s^*)$
- (G) $\emptyset^* = \emptyset$
- (H) $r(rs|s)^*r = r(sr|r)^*$

15.6.

Rozważa się następujące języki regularne: $L_1 = \mathbf{aa}$ oraz $L_2 = \mathbf{a}$. Dla tych języków prawdziwe jest:

- (A) $L_1 \cap L_2 = \emptyset$
- (B) $L_1^* = L_2^*$
- (C) $L_1^* \not\subset L_2^*$
- (D) $L_2^* \not\subset L_1^*$
- (E) $L_1^* \cup L_2^* = (L_1 \cup L_2)^*$
- (F) $L_1L_2 = L_2L_1$
- (G) $L_1 \not\subset L_1L_2$
- (H) $L_2 \not\subset L_1L_2$

15.7.

Dopełnieniem języka $\mathbf{ba^*}$ jest

- (A) $\mathbf{a^*b^*}$
- (B) $\mathbf{a^+b^+}$
- (C) $\mathbf{ba^*b(a|b)^*}$
- (D) $\mathbf{b(a|b)^*}$
- (E) $\mathbf{(a|ba^*b)(a|b)^*|\epsilon}$
- (F) $\mathbf{(a|ba^*b)(a|b)^*}$
- (G) $\mathbf{(\epsilon|a|ba^*b)(a|b)^*}$
- (H) język regularny, ale żaden z powyższych
- (I) język nie będący językiem regularnym

15.8.

Jeżeli r, s są wyrażeniami regularnymi, to zachodzą następujące tożsamości:

- (A) $(\epsilon|r)^* = r^*$
- (B) $r\epsilon = \epsilon r = r$
- (C) $r^*s|s = r^*s$
- (D) $(r|s)^* = (r^*s)^*r^* = (s^*r)^*s^*$
- (E) $(r|s)^* = r^*s^*|s^*r^*$
- (F) $r^*s|rs^* = rs(r^*|s^*)$
- (G) $\emptyset^* = \emptyset$
- (H) $(rs|r)^*r = r(sr|r)^*$

15.9.

Rozważa się następujące języki regularne: $L_1 = (\mathbf{aa})^*$ oraz $L_2 = \mathbf{a(aa)^*}$. Dla tych języków prawdziwe jest:

- (A) $L_1 \cap L_2 = \emptyset$
- (B) $L_1^* = L_2^*$
- (C) $L_1 \not\subset L_2$
- (D) $L_2 \not\subset L_1$
- (E) $L_1^* \cup L_2^* = (L_1 \cup L_2)^*$
- (F) $L_1 L_2 = L_2 L_1$
- (G) $L_1 \not\subset L_1 L_2$
- (H) $L_2 \not\subset L_1 L_2$

15.10.

Język nad alfabetem $\Sigma = \{0, 1\}$ będący zbiorem wszystkich niepustych łańcuchów zerojedynkowych, w których każde dwa zera przedzielone są co najmniej jedną jedyką, może być opisany następującym wyrażeniem regularnym:

- (A) $\mathbf{1^*(011^*)^*01^*}$
- (B) $\mathbf{1^*|1^*(011^*)^*01^*}$
- (C) $\mathbf{(1|01^*0)(1|01^*0)^*}$
- (D) $\mathbf{11^*|1^*(011^*)^*01^*}$
- (E) $\mathbf{(1|01^*0)^*}$
- (F) $\mathbf{1^*01^*(101^*)^*}$
- (G) $\mathbf{1^*01^*(101^*)^*|1^*}$
- (H) $\mathbf{1^*01^*(101^*)^*|1^*1}$

15.11.

Rozważamy języki regularne nad alfabetem $\{a, b, c\}$, takie że liczba ich słów o długości n wynosi dokładnie $n \cdot 2^{n-1}$ dla każdego $n > 0$. Przykładem takiego języka może być:

- (A) $\mathbf{a^*ba^*ba^* | a^*ca^*ca^* | a^*ba^*}$
- (B) $\mathbf{a^*ca^*ca^* | a^*ba^*}$
- (C) $\mathbf{a^*b^+a^+ | b^*a^+b^+ | a^*c^+}$
- (D) $\mathbf{b^*a^+b^+ | a^*c^+}$
- (E) $\mathbf{(a|b)^*c(a|b)^*}$
- (F) $\mathbf{(a|b)^*ca^*}$

15.12.

Język nad alfabetem $\Sigma = \{0, 1\}$ będący zbiorem wszystkich niepustych łańcuchów zerojedynkowych, w których liczba zer jest parzysta, może być opisany następującym wyrażeniem regularnym:

- (A) $\mathbf{11|(0|1)1(0|1)|(0|1)1(0|1)^*1(0|1)}$
- (B) $\mathbf{1^*|1^*(011^*)^*01^*}$
- (C) $\mathbf{(1|01^*0)(1|01^*0)^*}$
- (D) $\mathbf{11^*|1^*(011^*)^*01^*}$
- (E) $\mathbf{(1|01^*0)^*}$
- (F) $\mathbf{(1^*|1^*01^*01^*)^*|11^*}$
- (G) $\mathbf{(1^*|1^*01^*01^*)^*|11^*|1^*01^*01^*}$
- (H) $\mathbf{(1^*|1^*01^*01^*)^*(11^*|1^*01^*01^*)}$

15.13.

Rozważamy języki regularne nad alfabetem $\{a, b, c\}$, takie że liczba ich słów o długości n wynosi dokładnie $2^n - 1$ dla każdego $n > 0$. Przykładem takiego języka może być:

- (A) $a^*ba^*ba^* \mid a^*ca^*ca^* \mid a^*ba^*$
- (B) $a^*ca^*ca^* \mid a^*ba^*$
- (C) $a^*b^+a^+ \mid b^*a^+b^+ \mid a^*c^+$
- (D) $b^*a^+b^+ \mid a^*c^+$
- (E) $(a|b)^*c(a|b)^*$
- (F) $(a|b)^*ca^*$

15.14.

Wyrażenie regularne odpowiadające wszystkim słowom bitowym, w których liczba zer jest podzielna przez 3 to:

- (A) $(01^*01^*01^*)^*1^*$
- (B) $(0^*01^*01^*01^*)^*1^*$
- (C) $(1^*01^*01^*01^*)^*$
- (D) $(1^*01^*01^*01^*)^*1^*$
- (E) $(1^*01^*01^*0)^*1^*$
- (F) $1^*(01^*0(01^*01^*0|1)^*01^*|\epsilon)$

15.15.

Rozważamy języki regularne nad alfabetem $\{a, b, c\}$, takie że liczba ich słów o długości n wynosi

dokładnie n^2 dla każdego $n > 1$. Przykładem takiego języka może być:

- (A) $a^*ba^*ba^* \mid a^*ca^*ca^* \mid a^*ba^*$
- (B) $a^*ca^*ca^* \mid a^*ba^*$
- (C) $a^*b^+a^+ \mid b^*a^+b^+ \mid a^*c^+$
- (D) $b^*a^+b^+ \mid a^*c^+$
- (E) $(a|b)^*c(a|b)^*$
- (F) $(a|b)^*ca^*$