

# Syntactic Pattern Recognition



Anna Kuchna  
Maciej Żarnowski

# Wprowadzenie

- Pattern recognition (rozpoznawanie wzorców) jest gałęzią sztucznej inteligencji zajmującą się klasyfikacją i opisem obserwowanych obiektów.
- Celem rozpoznawania wzorców jest klasyfikacja danych, bazująca albo na wcześniejszej wiedzy o nich, albo na statystycznych informacjach uzyskanych z wzorców.

# System rozpoznawania wzorców

- Mechanizm ekstrakcji charakterystycznych cech obserwowanego obiektu (składowe prymitywne) wyznaczający ich numeryczną albo symboliczną reprezentację (feature extraction mechanism)
- Schemat klasyfikacji i opisu

# Różne podejścia do klasyfikacji i opisu rozpoznanych wzorców

- Statystyczne – bazujące na statystycznych charakterystykach wzorca
- Strukturalne – dekompozycja obiektu na składowe pierwotne, analiza relacji zachodzących pomiędzy nimi
- Syntaktyczne – polega na znalezieniu formalnego opisu obserwowanych obiektów

# Schemat

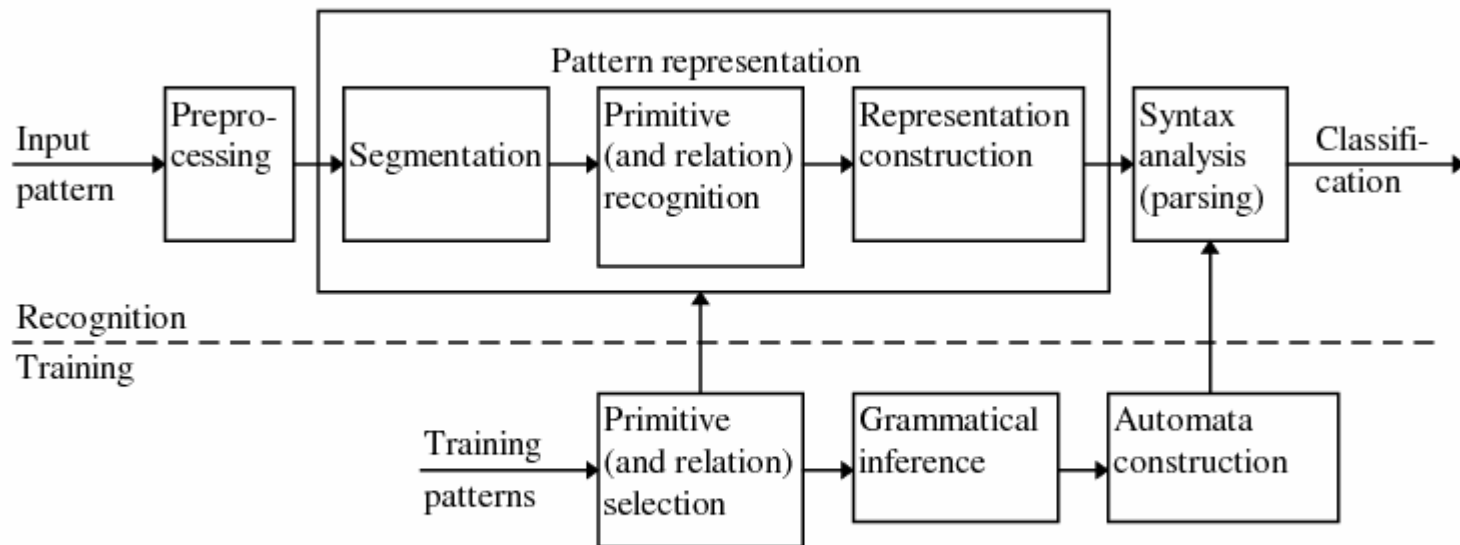


Fig. 1.1. Block diagram of a syntactic pattern recognition system.

# Idea

- Obiekt opisujemy za pomocą słowa, trzeba sprawdzić, czy należy do pewnego języka
- Definiuje się produkcje, gramatyki i rozpoznające słowa automaty skończone

# Zastosowania

- rozpoznawanie znaków alfabetu angielskiego i chińskiego (pismo odręczne)
- rozpoznawanie odcisków palców
- rozpoznanie mowy
- analiza trajektorii cząstek elementarnych w komorze pęcherzykowej (Wilsona),
- analiza danych biomedycznych (obrazy chromosomów, EEG)
- rozpoznawanie struktur chemicznych
- analiza sygnałów sejsmicznych etc.

# Przykład zastosowania: rozpoznawanie obrazu

Rodzaje podejść syntaktycznych:

- Ciągowe
  - kody łańcuchowe Freemana
  - język opisu obrazu
- Drzewowe
  - T – drzewa proste (bez etykiet i skierowania)
  - EDT – edge-labeled directed tree
- Grafowe
  - Wykorzystywane raczej do opisu obrazów, mniej do rozpoznawania



# Syntaktyczne rozpoznawanie ciągów

- Gramatyka generująca ciągi (*string grammar*):  
gdzie:

N - skończony zbiór symboli nieterminalnych,

$\Sigma$  - skończony zbiór symboli terminalnych,

P - zbiór produkcji,

$S \in N$  - symbol początkowy

Notacja:  $V^*$  - zbiór wszystkich ciągów (zdań)  
złożonych z symboli z  $V$

# Gramatyki

Gramatyki wykorzystywane szczególnie często w rozpoznawaniu obrazów:

- regularne
- bezkontekstowe

# Przykład: rozpoznawanie obrazu



$$N = \{A, B, S\}$$

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$



$$P = \{S \rightarrow aA, A \rightarrow bA, A \rightarrow bB, B \rightarrow c\}$$



# Przykład cd.



$$N = \{A, B, S\}$$

$$\Sigma = \{a, b, c\}$$



$$P = \{S \rightarrow aA, A \rightarrow bA, A \rightarrow bB, B \rightarrow c\}$$



Wywód:  $S \Rightarrow aA \Rightarrow abA \Rightarrow abbA \Rightarrow \dots \Rightarrow abbbbA \Rightarrow abbbbbc$

$\Rightarrow$  - krok wyvodu

$$L(G) = \{ab^n c \mid n \geq 1\}$$

# Semantyka

Czasami dogodnie jest stworzyć bazę danych zawierającą *reguły semantyczne*, formułujące pewne warunki narzucane na składowe pierwotne (SP), w tym:

- reguły dotyczące dopuszczalnych sposobów łączenia SP (np. łączenie tylko na końcach),
- wielkość SP,
- orientacja SP,
- ograniczenia na liczbę użyc danej produkcji w wywodzie ( $<$ ,  $>$ ).

# Semantyka - przykład

Reguły semantyczne użyte niejawnie w wywodzie w poprzednim przykładzie:

- 1) połączenia tylko w punktach; kierunek  $a$  = dwusieczna kąta wyznaczonego “ramionami”; długość 3cm
- 2) połączenia tylko w punktach; wielokrotne połączenia są niedozwolone; kierunek  $b$  musi być taki sam jak kierunek  $a$ ; długość  $b$  0.25cm; wolno stosować co najwyżej 10 razy
- 3) kierunki  $a$  i  $b$  muszą być zgodne; połączenia tylko w punktach;

# Gramatyki a automaty

- Zachodzi wzajemnie jednoznaczna odpowiedniość pomiędzy gramatykami regularnymi a automatami skończonymi.
- Dla każdej gramatyki regularnej  $G$  da się zbudować automat skończony który akceptuje jedynie słowa z  $L(G)$ .

Automat skończony:

$$A = (Q, \Sigma, \delta, F, q, d)$$

gdzie:

- $Q$  - skończony niepusty zbiór stanów,
- $\Sigma$  - skończony alfabet wejściowy,
- $\delta$  - mapowanie:  $Q \times \Sigma \rightarrow 2Q$
- $q_0$  - stan początkowy,
- $F \subset Q$  - zbiór stanów końcowych (akceptujących)

# Gramatyki drzewowe, syntaktyczne rozpoznawanie drzew

- Gramatyki drzewowe są bardzo przydatne w reprezentacji bardziej skomplikowanych wzorców 2-D lub więcej wymiarowych (tj. takich, które składają się z składników prymitywnych połączonych w kilku miejscach)

Gramatyka generująca drzewa (*tree grammar*):

$$G = (N, \Sigma, P, r, S)$$

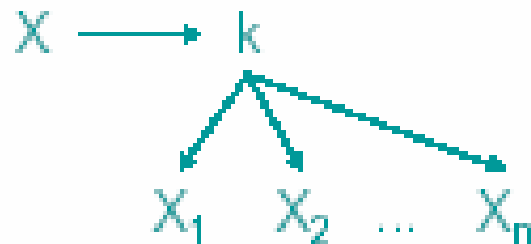
gdzie:

- $N$  - skończony zbiór symboli nieterminalnych,
- $\Sigma$  - skończony zbiór symboli terminalnych,
- $P$  - zbiór produkcji; produkcje mają postać:  
 $T_i \rightarrow T_j$ , gdzie  $T_i$  i  $T_j$  są drzewami,
- $r$  - funkcja rangująca (*ranking function*), podająca liczbę bezpośrednich potomków terminala
- $S \in N$  - symbol początkowy (może być drzewem)

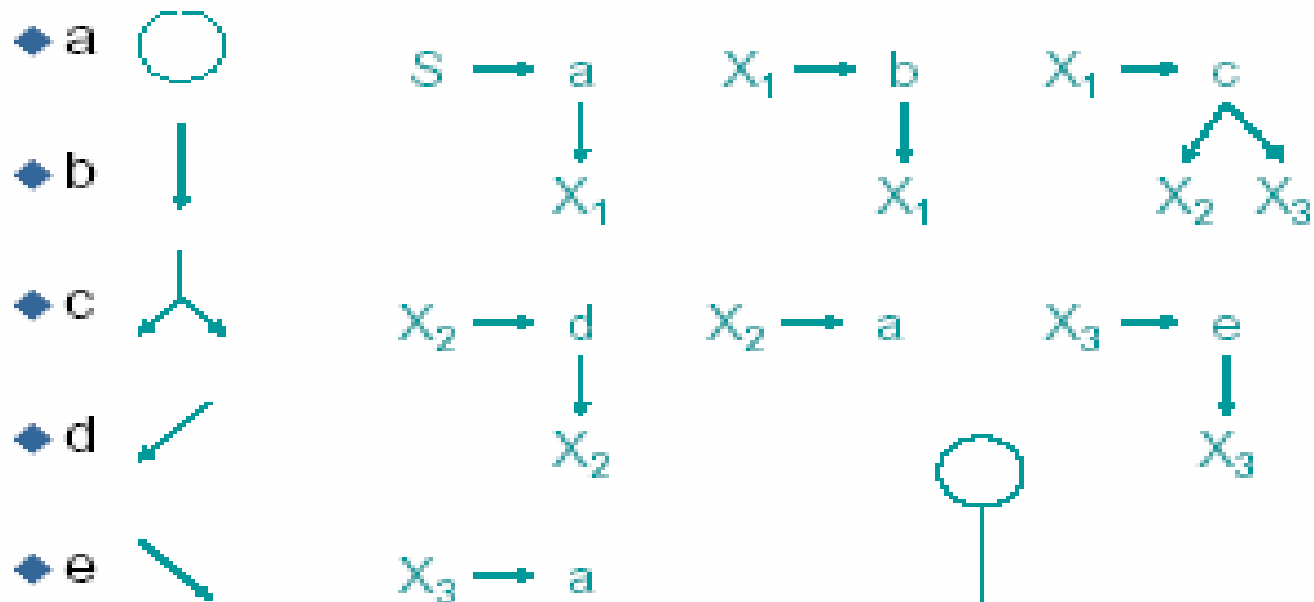


# Syntaktyczne rozpoznawanie drzew

- Szczególny przypadek, najczęściej wykorzystywany w rozpoznawaniu obrazów: drzewowe gramatyki ekspansywne (*expansive tree grammars*), w których wszystkie produkcje są postaci:

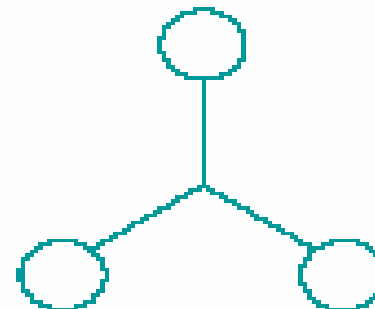


# Przykład



Założenia:

- ◆ połączenia od głowy do ogona,
- ◆ dla a: dowolnie (na obwodzie)



# Uczenie w podejściach syntaktycznych

- Jawne wyspecyfikowanie gramatyki przez projektanta systemu jest zazwyczaj nierealne. Pożądane: możliwość uczenia się (konstruowania) automatów na podstawie przykładowych wzorców (ciągów, drzew, etc.).
- Ponieważ zachodzi odpowiedniość automatów i gramatyk, problem ten sprowadza się do problemu uczenia się gramatyk z przykładów (tzw. wywodzenie gramatyk, *grammatical inference*).

# Uczenie w podejściach syntaktycznych c.d.

Założmy że

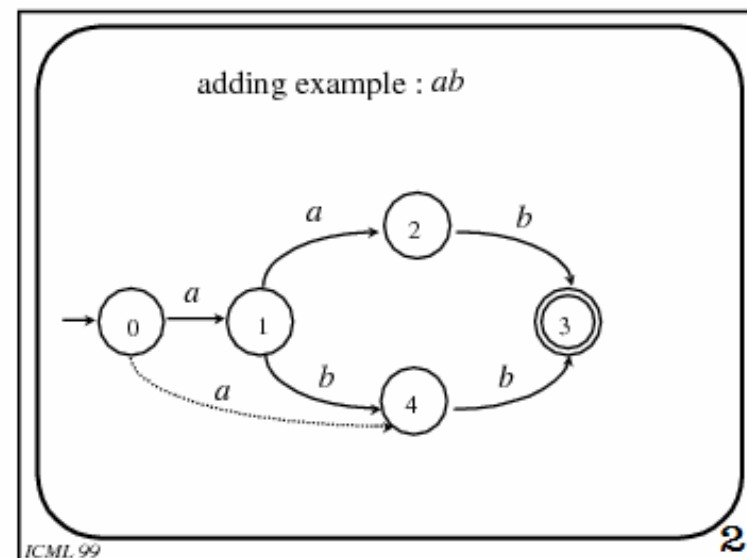
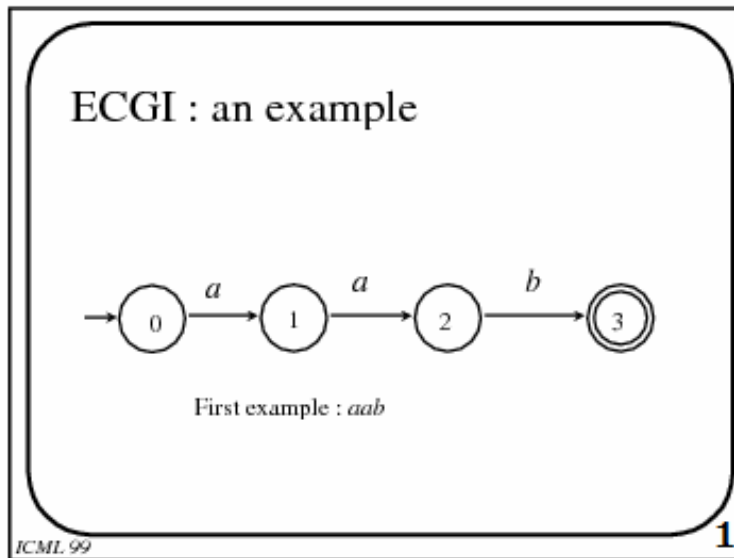
- wszystkie wzorce należące do klasy, która chcemy rozpoznawać, generowane są przez nieznaną gramatykę  $G$ ,
- mamy do dyspozycji skończony zbiór uczący (przykładów pozytywnych).

$$R_+ \subseteq \{a \mid a \in L(G)\}$$

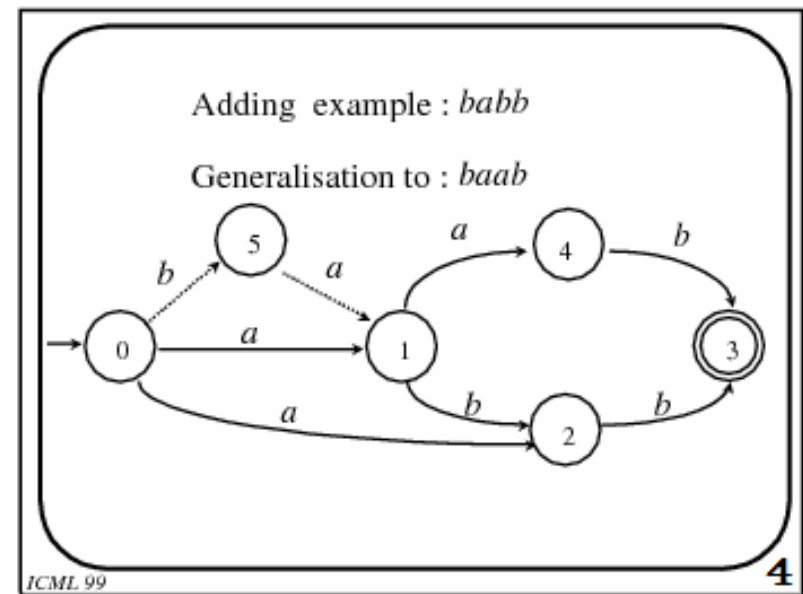
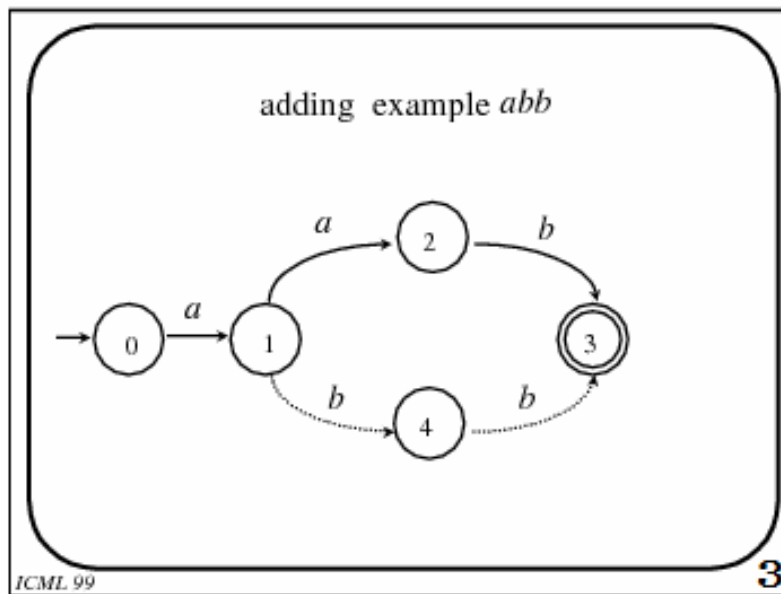
- O zbiorze  $R_+$  powiemy że jest *strukturalnie kompletny* jeżeli każda produkcja z  $G$  jest wykorzystywana do wygenerowania przynajmniej jednego przykładu uczącego z  $R_+$ .
- Cel: synteza skończonego automatu  $A_f$  który będzie akceptował ciągi z  $R_+$  oraz (być może) pewne ciągi *podobne* do  $R_+$  (indukcja!).

# Algorytmy wywodzenia gramatyk

- ECGI (error-correction grammatical inference) – oparty na koncepcji różnic pomiędzy łańcuchami

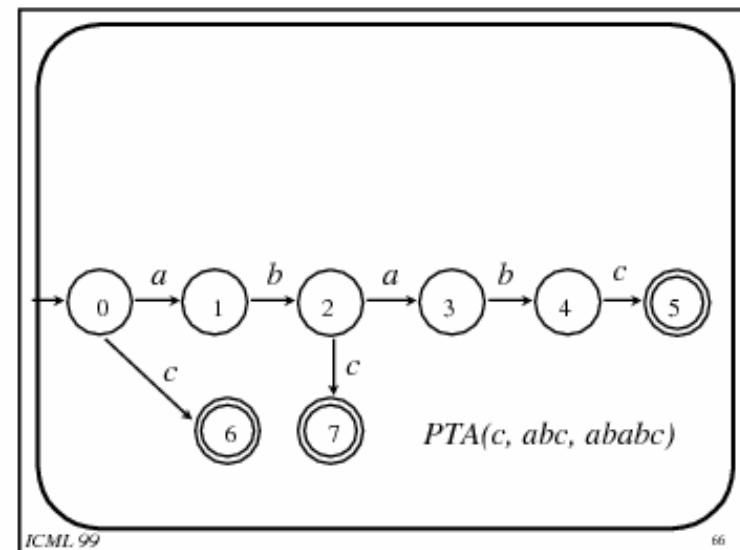
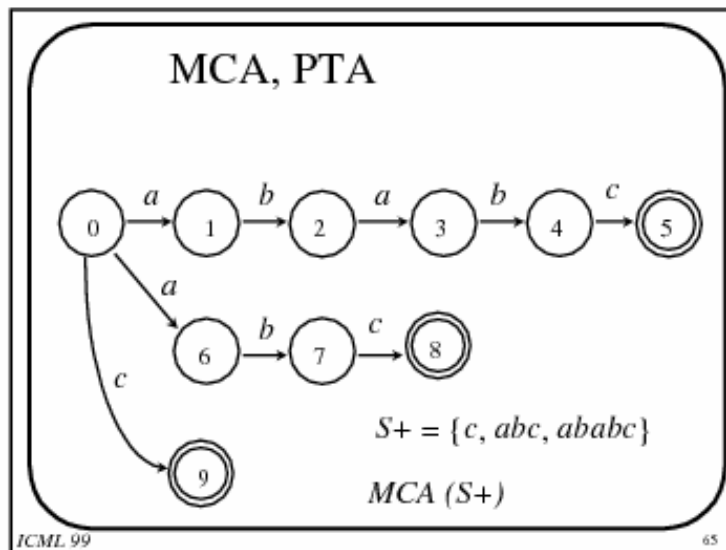


# Przykład ECGI cd.



# Algorytmy wywodzenia gramatyk c.d.

- MCA (maximal canonical automaton)
- PTA (prefix tree acceptor)  
negatywne wzorce pomagają usuwać nadmierną generalizację



## Algorytmy wywodzenia gramatyk c.d.

- Algorytmy genetyczne – schemat działania:
  1. Zakoduj automat jako string
  2. Zdefiniuj crossover
  3. Zdefiniuj optimum jako automat z najmniejszą liczbą stanów, nie akceptujący przykładów negatywnych
  4. Wykonuj algorytm genetyczny do osiągnięcia warunku stopu



# Wady i zalety podejścia syntaktycznego

Zalety:

- elegancki formalizm
- podejście 'całościowe'

# Wady i zalety podejścia syntaktycznego

Wady:

- problemy z uwzględnianiem zaszumienia danych (obrazów) i danymi brakującymi,
- problemy z automatycznym generowaniem gramatyk z przykładów,
- problemy z aktualizacją gramatyki/automatu gdy pojawiają się nowe przykłady.
- złożoność obliczeniowa analizy syntaktycznej: NP (dla większości klas gramatyk)

## Ciekawe odnośniki

- Optical Character Recognition:  
<http://www.dsic.upv.es/users/tlcc/papers/fullpapers/SL03.pdf>
- Face Recognition  
<http://www.face-rec.org/interesting-papers/General/zhao00face.pdf>